

Adesivo per l'identificazione
dell'alunno/a

INCOLLARE ATTENTAMENTE

MATEMATICA

Livello superiore

FASCICOLO DELLE FORMULE

MATA.15.IT.R.T2.08



5264

Matematica

Fascicolo delle formule

FORMULE

- Il numero complesso: $i^2 = -1$, $z = a + bi$, $\bar{z} = a - bi$, $|z| = \sqrt{a^2 + b^2}$, $a, b \in \mathbf{R}$
- $z = r(\cos \varphi + i \sin \varphi)$, $z_1 \cdot z_2 = r_1 r_2 (\cos(\varphi_1 + \varphi_2) + i \sin(\varphi_1 + \varphi_2))$,

$$\frac{z_1}{z_2} = \frac{r_1}{r_2} (\cos(\varphi_1 - \varphi_2) + i \sin(\varphi_1 - \varphi_2)), \quad z^n = r^n (\cos n\varphi + i \sin n\varphi),$$

$$\sqrt[n]{z} = \sqrt[n]{r} \left(\cos \left(\frac{\varphi + 2k\pi}{n} \right) + i \sin \left(\frac{\varphi + 2k\pi}{n} \right) \right), \quad k = 0, 1, \dots, n-1$$

- $a^m \cdot a^n = a^{m+n}$, $a^m : a^n = a^{m-n}$ ($a \neq 0$), $a^{-m} = \frac{1}{a^m}$ ($a \neq 0$), $\sqrt[m]{a^n} = a^{\frac{n}{m}}$
- $(a \pm b)^2 = a^2 \pm 2ab + b^2$, $(a \pm b)^3 = a^3 \pm 3a^2b + 3ab^2 \pm b^3$
- $a^2 - b^2 = (a-b)(a+b)$, $a^3 \pm b^3 = (a \pm b)(a^2 \mp ab + b^2)$
- $(a+b)^n = a^n + \binom{n}{1} a^{n-1}b + \dots + \binom{n}{k} a^{n-k}b^k + \dots + \binom{n}{n-1} ab^{n-1} + b^n$

- Equazione quadrata: $ax^2 + bx + c = 0$, $a \neq 0 \Rightarrow x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$

- Formule di Viète: $x_1 + x_2 = -\frac{b}{a}$, $x_1 \cdot x_2 = \frac{c}{a}$

- Vertice della parabola: $T \left(-\frac{b}{2a}, \frac{4ac - b^2}{4a} \right)$

- $b^x = a \Leftrightarrow x = \log_b a$, $\log_b b^x = x = b^{\log_b x}$

- $\log_b(xy) = \log_b x + \log_b y$, $\log_b \frac{x}{y} = \log_b x - \log_b y$, $\log_b x^y = y \log_b x$, $\log_a x = \frac{\log_b x}{\log_b a}$

Matematica

Fascicolo delle formule

- Area del triangolo: $A = \frac{a \cdot v_a}{2}$, $A = \sqrt{s \cdot (s-a) \cdot (s-b) \cdot (s-c)}$, $s = \frac{a+b+c}{2}$

$$A = \frac{ab \sin \gamma}{2}, \quad A = \frac{abc}{4r_o}, \quad A = r_u s$$

- Triangolo equilatero: $A = \frac{a^2 \sqrt{3}}{4}$, $v = \frac{a \sqrt{3}}{2}$, $r_o = \frac{2}{3} v$, $r_u = \frac{1}{3} v$

- Area del parallelogramma: $A = a \cdot v$
- Area del trapezio: $A = \frac{a+c}{2} \cdot v$

- Area del cerchio: $A = r^2 \pi$

- Lunghezza della circonferenza: $O = 2r\pi$

- Area del settore circolare: $A = \frac{r^2 \pi \alpha}{360}$

- Lunghezza dell'arco di circonferenza: $l = \frac{r \pi \alpha}{180}$

B = area di base, P = area laterale, h = lunghezza dell'altezza

- Volume del prisma e del cilindro: $V = B \cdot h$
- Area del prisma e del cilindro: $A = 2B + P$

- Volume della piramide e del cono: $V = \frac{1}{3} B \cdot h$
- Area della piramide: $A = B + P$

- Area del cono: $A = r^2 \pi + r \pi s$

r = raggio di base s = lunghezza dell'apotema

- Volume della sfera: $V = \frac{4}{3} r^3 \pi$

- Area della sfera: $A = 4r^2 \pi$, r = raggio della sfera

- Nel triangolo rettangolo:

$$\text{seno dell'angolo} = \frac{\text{cateto opposto}}{\text{ipotenusa}}, \quad \text{coseno dell'angolo} = \frac{\text{cateto adiacente}}{\text{ipotenusa}},$$

$$\text{tangente dell'angolo} = \frac{\text{cateto opposto}}{\text{cateto adiacente}}$$

Matematica

Fascicolo delle formule

- Teorema dei seni: $\frac{a}{\sin \alpha} = \frac{b}{\sin \beta} = \frac{c}{\sin \gamma}$
- Teorema dei coseni: $c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos \gamma$

- $\sin^2 x + \cos^2 x = 1, \quad \operatorname{tg} x = \frac{\sin x}{\cos x}$

- $\sin 2x = 2 \sin x \cos x, \quad \cos 2x = \cos^2 x - \sin^2 x$

- $\sin(x \pm y) = \sin x \cos y \pm \sin y \cos x$

$$\cos(x \pm y) = \cos x \cos y \mp \sin x \sin y$$

$$\operatorname{tg}(x \pm y) = \frac{\operatorname{tg} x \pm \operatorname{tg} y}{1 \mp \operatorname{tg} x \cdot \operatorname{tg} y}$$

- $\sin x + \sin y = 2 \sin \frac{x+y}{2} \cos \frac{x-y}{2}, \quad \sin x - \sin y = 2 \cos \frac{x+y}{2} \sin \frac{x-y}{2}$

$$\cos x + \cos y = 2 \cos \frac{x+y}{2} \cos \frac{x-y}{2}, \quad \cos x - \cos y = -2 \sin \frac{x+y}{2} \sin \frac{x-y}{2}$$

- $\sin x \sin y = \frac{1}{2} [\cos(x-y) - \cos(x+y)]$

$$\cos x \cos y = \frac{1}{2} [\cos(x-y) + \cos(x+y)]$$

$$\sin x \cos y = \frac{1}{2} [\sin(x-y) + \sin(x+y)]$$

- $\sin \frac{\pi}{6} = \frac{1}{2}, \quad \sin \frac{\pi}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2}, \quad \sin \frac{\pi}{3} = \frac{\sqrt{3}}{2}$

Matematica

Fascicolo delle formule

- Distanza tra due punti T_1, T_2 : $d(T_1, T_2) = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$
- Punto medio $\overline{T_1 T_2}$: $P\left(\frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2}\right)$
- Vettore $\overrightarrow{T_1 T_2}$: $\overrightarrow{T_1 T_2} = \vec{a} = (x_2 - x_1)\vec{i} + (y_2 - y_1)\vec{j} = a_1\vec{i} + a_2\vec{j}$
- Prodotto scalare di vettori: $\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \cos \alpha$, $\vec{a} \cdot \vec{b} = a_1 b_1 + a_2 b_2$
- Equazione della retta: $y - y_1 = k(x - x_1)$, $k = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$
- Angolo α tra due rette: $\operatorname{tg} \alpha = \left| \frac{k_2 - k_1}{1 + k_1 k_2} \right|$
- Distanza tra il punto $T(x_1, y_1)$ e la retta $p \dots Ax + By + C = 0$: $d(T, p) = \frac{|Ax_1 + By_1 + C|}{\sqrt{A^2 + B^2}}$

Matematica

Fascicolo delle formule

| Conica | Equazione | Tangente nel punto della conica (x_1, y_1) |
|--|---|--|
| Circonferenza centro $S(p, q)$ | $(x - p)^2 + (y - q)^2 = r^2$ | $(x_1 - p)(x - p) + (y_1 - q)(y - q) = r^2$ |
| Ellisse fuochi $F_{1,2}(\pm e, 0)$ $e^2 = a^2 - b^2$ | $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ | $\frac{x_1 x}{a^2} + \frac{y_1 y}{b^2} = 1$ |
| Iperbole fuochi $F_{1,2}(\pm e, 0)$ $e^2 = a^2 + b^2$ asintoti $y = \pm \frac{b}{a} x$ | $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$ | $\frac{x_1 x}{a^2} - \frac{y_1 y}{b^2} = 1$ |
| Parabola fuoco $F\left(\frac{p}{2}, 0\right)$ direttrice $x = -\frac{p}{2}$ | $y^2 = 2px$ | $y_1 y = p(x + x_1)$ |

- Condizione di tangenza tra la retta $y = kx + l$ e la circonferenza: $r^2(1 + k^2) = (kp - q + l)^2$

Matematica

Fascicolo delle formule

- Progressione aritmetica: $a_n = a_1 + (n - 1) \cdot d$, $S_n = \frac{n}{2}(a_1 + a_n)$
- Progressione geometrica: $a_n = a_1 \cdot q^{n-1}$, $S_n = a_1 \frac{q^n - 1}{q - 1}$
- Serie geometrica: $S = \frac{a_1}{1 - q}$, $|q| < 1$

- Derivata del prodotto: $(f \cdot g)' = f' \cdot g + f \cdot g'$
- Derivata del quoziente: $\left(\frac{f}{g}\right)' = \frac{f' \cdot g - f \cdot g'}{g^2}$
- Derivata della funzione composta: $(f \circ g)'(x) = f'(g(x)) \cdot g'(x)$
- Tangente al grafico della funzione f a $T(x_1, y_1)$: $y - y_1 = f'(x_1) \cdot (x - x_1)$
- Derivate:

| | | | | |
|----------|--------------------------------------|----------------------|-----------------------|---|
| $c' = 0$ | $(x^n)' = n \cdot x^{n-1}, n \neq 0$ | $(\sin x)' = \cos x$ | $(\cos x)' = -\sin x$ | $(\operatorname{tg} x)' = \frac{1}{\cos^2 x}$ |
|----------|--------------------------------------|----------------------|-----------------------|---|

Matematica

Pagina vuota